

МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
*Факультет математики и компьютерных наук*  
*Кафедра прикладной математики*

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**  
**по дисциплине**  
**«Теория вероятностей и математическая статистика»**

Кафедра прикладной математики  
факультета математики и компьютерных наук

**Образовательная программа бакалавриата**  
**03.03.02 Физика**

Направленность (профиль) программы  
**Медицинская физика**

Форма обучения  
**Очная**

Статус дисциплины: *входит в обязательную часть ОПОП*

Махачкала, 2022

Фонд оценочных средств по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» составлена в 2022 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО бакалавриата по направлению подготовки 03.03.02 Физика от 07.08.2020 г. № 891

Разработчики:

1. кафедра прикладной математики, Гаджиева Т.Ю. к.ф.-м. н., доцент;

Фонд оценочных средств по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» одобрен:  
на заседании кафедры прикладной математики от «25» февраля 2022г., протокол  
№ 6

Зав. кафедрой



Кадиев Р.И.

на заседании Методической комиссии факультета математики и компьютерных наук от «24» марта 2022 г., протокол №4.

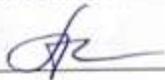
Председатель



Ризаев М.К.

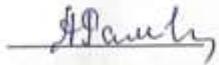
Фонд оценочных средств «Теория вероятностей и математическая статистика» согласован с учебно-методическим управлением

«31» марта 2022 г.



Рецензент (эксперт):

Зав. кафедрой матем.  
стата ФМиКИ, д.р.н.



Рахматов А.К.

**1. ПАСПОРТ  
ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
по дисциплине**  
**«Теория вероятностей и математическая статистика»**

**1.1. Основные сведения о дисциплине**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных единиц (72 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов		
	4 семестр	5 семестр	всего
<b>Общая трудоёмкость</b>		72	72
<b>Контактная работа:</b>		32	32
Лекции (Л)		16	16
Практические занятия (ПЗ)		16	16
Лабораторные занятия (ЛЗ)			
Консультации			
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)		зачет	зачет
<b>Самостоятельная работа</b>		40	40
1. работа с лекционным материалом, с учебнойлитературой		10	10
2. опережающая самостоятельная работа (изучение новогоматериала до его изложения на занятиях)		10	10
3. выполнение домашних заданий		10	10
4. подготовка к лабораторным работам, к практическим занятиям			
5. подготовка к коллоквиуму		5	5
6. подготовка к контрольным работам		5	5

**1.2. Требования к результатам обучения по дисциплине, формы их контроля и виды оценочных средств**

**ПАСПОРТ ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»**

№ п / п	Контролируемые модули, разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или её части)	Оценочные средства		Способ контроля
			наименование	№№ заданий	
1	<b>Модуль 1. Основы теории вероятностей</b>	ОПК-1 ПК-3	Вопросы для собеседования	1-10	Устно
			Контрольные работы	1	письменно

2	<b>Модуль 2.</b> <b>Случайные величины</b>	ОПК-1 ПК-3	Вопросы для собеседования	11-21	Устно
		ОПК-1 ПК-3	Контрольные работы	4	письменно

### 1.3. Показатели и критерии определения уровня сформированности компетенций

№ п/п	Код компетенции	Уровни сформированности компетенции			
		Недостаточный	Удовлетворительный (достаточный)	Базовый	Повышенный
1	<b>ОПК-1</b>	<p>Не знает на хорошем уровне основные понятия, идеи, методы, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач физики; - новые методологические подходы к решению задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Не умеет на хорошем уровне реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Не владеет на хорошем уровне навыками реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p>	<p>Знает на достаточно хорошем уровне основные понятия, идеи, методы, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач физики; - новые методологические подходы к решению задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Умеет на достаточно хорошем уровне реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Владеет на достаточно хорошем уровне навыками реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p>	<p>Знает на хорошем уровне основные понятия, идеи, методы, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач физики; - новые методологические подходы к решению задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Умеет на хорошем уровне реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подоходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Владеет на хорошем уровне навыками реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подоходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p>	<p>Знает в совершенстве основные понятия, идеи, методы, подходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач физики; - новые методологические подходы к решению задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Умеет в совершенстве реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подоходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p> <p>Владеет в совершенстве навыками реализовать и совершенствовать новые методы, идеи, подоходы и алгоритмы решения теоретических и прикладных задач в области профессиональной деятельности.</p>
2	<b>ПК-3</b>	<p>Не знает на хорошем уровне содержание, сущность, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области; закономерности, определяющие место предмета в общей</p>	<p>Знает на достаточно хорошем уровне содержание, сущность, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области; закономерности, определяющие место предмета в общей</p>	<p>Знает на хорошем уровне содержание, сущность, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области; закономерности, определяющие место предмета в общей</p>	<p>Знает в совершенстве содержание, сущность, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области; закономерности, определяющие место предмета в общей</p>

	<p>картине мира; программы и учебники по преподаваемому предмету;</p> <p>Не умеет на хорошем уровне анализировать базовые предметные научнотеоретические представления о сущности, закономерностях, принципах и особенностях изучаемых явлений и процессов.</p> <p>Не владеет на хорошем уровне навыками понимания и системного анализа базовых научно-теоретических представлений для решения профессиональных задач</p>	<p>картине мира; программы и учебники по преподаваемому предмету;</p> <p>Умеет на достаточно хорошем уровне анализировать базовые предметные научнотеоретические представления о сущности, закономерностях, принципах и особенностях изучаемых явлений и процессов.</p> <p>Владеет на достаточно хорошем уровне навыками понимания и системного анализа базовых научно-теоретических представлений для решения профессиональных задач</p>	<p>предмета в общей картине мира; программы и учебники по преподаваемому предмету;</p> <p>Умеет на хорошем уровне анализировать базовые предметные научнотеоретические представления о сущности, закономерностях, принципах и особенностях изучаемых явлений и процессов.</p> <p>Владеет на хорошем уровне навыками понимания и системного анализа базовых научно-теоретических представлений для решения профессиональных задач</p>	<p>картине мира; программы и учебники по преподаваемому предмету;</p> <p>Умеет в совершенстве анализировать базовые предметные научнотеоретические представления о сущности, закономерностях, принципах и особенностях изучаемых явлений и процессов.</p> <p>Владеет в совершенстве навыками понимания и системного анализа базовых научно-теоретических представлений для решения профессиональных задач</p>
--	---	---	--	---

## **2. КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ И ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ОЦЕНКИ знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика»**

### **Контрольные работы Контрольная работа № 1**

1. В мешочке 5 одинаковых кубиков. На всех гранях каждого кубика написана одна из следующих букв: о, п, р, с, т. Найти вероятность того, что на вынутых по одному и расположенных «в одну линию» кубиков можно будет прочесть слово «спорт».
2. Вероятность того, что стрелок при одном выстреле выбьет 10 очков равна 0,1; вероятность выбрать 9 очков равна 0,3; вероятность выбрать 8 или меньше очков равна 0,6. Найти вероятность того, что при одном выстреле стрелок выбьет не менее 9 очков.

3. Чему равна вероятность того, что при бросании трех игральных костей 6 очков появится хотя бы на одной из костей.
4. При отключении от нормального режима работы автомата срабатывает сигнализатор с-1 с вероятностью 0,8, а сигнализатор с-11 срабатывает с вероятностью 1. Вероятности того, что автомат снабжен сигнализатором с -1 или с-11 соответственно равны 0,6 и 0,4. Получен сигнал о разделке автомата. Что вероятнее: автомат снабжен сигнализатором с-1 или с-11?
5. Событие В появится в случае, если событие А появится не менее двух раз. Найти вероятность того, что наступит событие В, если будет произведено 6 независимых испытаний, в каждом из которых вероятность появления события А равна 0,4.

## **Контрольная работа № 2**

1. Отдел технического контроля проверяет изделия на стандартность. Вероятность того, что изделие стандартное равна 0,9. В каждой партии содержится пять изделий. Найти математическое ожидание дискретной случайной величины  $X$ - числа партий, в каждой из которых окажется ровно четыре стандартных изделия, если проверке подлежат 50 партий.
2. Найти дисперсию дискретной случайной величины  $X$ - числа появлений события А в двух независимых испытаниях, если вероятности появления события в этих испытаниях одинаковы и известно, что  $M(X)=0,9$ .
3. Дискретная случайная величина  $X$  имеет только три возможных значения:  $x_1$ ,  $x_2$ , и  $x_3$ , причем  $x_1 < x_2 < x_3$ . Вероятности того, что  $X$  примет значения  $x_1$  и  $x_2$  соответственно равны. 0,3 и 0,2. Найти закон распределения величины  $X$ , зная ее математическое ожидание  $M(X) = 2,2$  и дисперсию  $D(X)=0,76$ .

4. Случайная величина имеет плотность вероятностей

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < 0; \\ c/(1+x^2), & 0 \leq x \leq 1; \\ 0, & x > 1. \end{cases}$$

Найти постоянный параметр с, математическое ожидание и дисперсию.

5. Случайная величина X распределена равномерно в интервале [-1,4].

Найти P(X>0).

#### **Критерии оценки:**

- оценка «отлично» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 90%-100% заданий;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 70%-80% заданий;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если верно и правильно решено 50%-60% заданий, возможны некоторые исправления при решении;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если верно выполнено менее 50% заданий;

### **Вопросы для коллоквиумов, собеседования**

#### **Модуль 1. Основы теории вероятностей**

1. Элементы теории вероятности.
2. Комбинаторика. События и действия над ними
3. Аксиоматическое определение вероятности.
4. Условная вероятность.
5. Испытания Бернулли.
6. Приближенные формулы для оценки вероятности  $P_n(k)$ .
7. Закон больших чисел в форме Бернулли.
8. Формулы полной вероятности и Байеса

#### **Модуль 2. Случайные величины**

1. Случайные величины и их распределения.
2. Функция распределения и плотность распределения, их свойства.
3. Многомерные случайные величины и их распределения.
4. Распределение суммы двух нормальных случайных величин.

5. Числовые характеристики случайных величин.
6. Вычисление математического ожидания и дисперсии основных дискретных и непрерывных случайных величин.
7. Свойства математического ожидания и дисперсии.
8. Корреляция. Корреляционная матрица и коэффициент корреляции.
9. Условные законы распределения.
10. Закон больших чисел и массовые явления.
11. Теорема Бернулли и Пуассона. Понятие об усиленном законе больших чисел
12. Центральная предельная теорема.
13. Основные понятия и элементы выборочной теории.
14. Эмпирическая функция распределения. Выборочные моменты.

### **Критерии оценки:**

- оценка «отлично» выставляется студенту, если изложение полученных знаний в устной форме полное, в системе, в соответствии с требованиями учебной программы; допускаются единичные несущественные ошибки, самостоятельно исправляемые учащимися;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если изложение полученных знаний в устной форме полное, в системе, в соответствии с требованиями учебной программы; допускаются, отдельные несущественные ошибки, исправляемые учащимися после указания преподавателя на них;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если изложение полученных знаний неполное, однако это не препятствует усвоению последующего программного материала; допускаются отдельные существенные ошибки, исправляемые с помощью преподавателя;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если изложение учебного материала неполное, бессистемное, что препятствует усвоению последующей учебной информации; существенные ошибки, не исправляемые даже с помощью преподавателя;

### **Комплект тестовых заданий для контроля**

#### **Задание 1**

Устройство состоит из шести элементов, из которых два изношены. При включении устройства включаются случайным образом два элемента. Вероятность того, что включенными окажутся неизношенные элементы

равна

- 0,4
- 0,2
- 0,6
- 0,8
- 0,3

### Задание 2

В читальном зале имеется семь учебников по теории вероятностей, из которых три в переплете. Библиотекарь наудачу взял два учебника. Найти вероятность того, что оба учебника окажутся в переплете.

- $1/7$
- $4/7$
- $1/14$
- $5/9$

### Задание 3

В круг радиуса 6 вписан квадрат. Вероятность того, что случайно выбранная точка из круга окажется в квадрате равна

- $2/\pi$
- $2\pi/7$
- $3\pi/16$
- $2/(3\pi)$

### Задание 4

Из 30 стрелков 20 попадают в мишень с вероятностями 0,6; 10 стрелков – с вероятностями 0,9. Найти вероятность того, что наудачу выбранный стрелок попадет в мишень.

- 0,7
- 0,5
- 0,57
- 0,8
- 0,6

### Задание 5

В магазин поступила новая продукция с трех предприятий. Процентный состав этой продукции следующий: 40% - продукция первого предприятия, 35% - продукция второго предприятия, 25% - продукция третьего предприятия; далее, 8% продукции первого предприятия высшего сорта, на втором предприятии - 6% и на третьем - 20% продукции высшего сорта. Вероятность того, что случайно купленная новая продукция окажется высшего сорта равна

- 0,103
- 0,5

- 0,6
- 0,8
- 0,08

### **Задание 6**

Вероятность появления события А в 5 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,6. Тогда дисперсия числа появлений этого события равна

- 1,2
- 2,32
- 0,3
- 0,35

### **Задание 7**

Вероятность появления события А в 13 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,8. Тогда математическое ожидание числа появлений этого события равна

- 10,4
- 18
- 0,4
- 0,2
- 0,32

### **Задание 8**

Производятся независимые испытания с одинаковой вероятностью появления события А в каждом испытании. Вероятность появления события А, когда математическое ожидание числа появлений события в пяти независимых испытаниях 1,5 равна

- 0,3
- 0,5
- 0,8
- 1
- 0

### **Задание 9**

Дана функция распределения непрерывной случайной величины

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ 1 - e^{-2x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$$

Плотность распределения равна

- $f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ 2e^{-2x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$
- $f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ 1 + e^{-2x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$

- $f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ -e^{-2x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$
- $f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ -2e^{-2x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$

### Задание 10

Написать плотность распределения нормально распределенной случайной величины  $\xi$ , зная, что математическое ожидание  $M(\xi)=1$ ,  $D(\xi)=9$ .

- $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-1)^2}{18}}$
- $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-9)^2}{2}}$
- $f(x) = e^{-\frac{x^2}{2}}$
- $f(x) = \frac{1}{2\pi} e^{-\frac{(x+1)^2}{81}}$
- $f(x) = \frac{1}{\pi} e^{-\frac{(x+1)^2}{8}}$
- 

### Задание 11

Случайные величины  $\xi$  и  $\eta$  независимы. Тогда  $M(4\xi + 7\eta)$ , если  $M(\xi)=3$ ,  $M(\eta)=3$ , равно

- 33
- 7
- 17
- 11
- 9

### Задание 12

Математическое ожидание показательного распределения, заданного плотностью распределения  $f(x) = e^{-x}$ ,  $x \geq 0$  равно

- 1
- 5
- 1,2
- 0,4
- 0,2

### Задание 13

Эмпирическая функция выборки

$x_i$	2	6	7
$n_i$	1	3	6

имеет вид

- $F^*(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 0,1 & \text{при } 2 < x \leq 6, \\ 0,4 & \text{при } 6 < x \leq 7, \\ 1 & \text{при } x > 7. \end{cases}$
- $F^*(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 0,1 & \text{при } 2 < x \leq 6, \\ 0,3 & \text{при } 6 < x \leq 7, \\ 0,6 & \text{при } x > 7. \end{cases}$
- $F^*(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 1 & \text{при } 2 < x \leq 6, \\ 4 & \text{при } 6 < x \leq 7, \\ 10 & \text{при } x > 7. \end{cases}$
- $F^*(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 1 & \text{при } x > 7. \end{cases}$

#### Задание 14

Если  $X = (X_1, X_2, \dots, X_n)$  и  $Y = (Y_1, Y_2, \dots, Y_n)$  – выборки из нормальных распределений  $N(\mu_1, \sigma_1^2)$  и  $N(\mu_2, \sigma_2^2)$  соответственно и  $X$  и  $Y$

независимы, то случайная величина  $Z = \bar{X} - \bar{Y}$ , где  $\bar{X} = \frac{1}{n_1} \sum_{i=1}^{n_1} X_i$ ,

$\bar{Y} = \frac{1}{n_2} \sum_{i=1}^{n_2} Y_i$  имеет нормальное распределение

- $N\left(\mu_1 - \mu_2, \frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}\right)$
- $\varphi(t) = \frac{1}{(1 - 2it)^{\frac{n}{2}}}$
- $N(0,1)$
- $N(\mu, \frac{\sigma^2}{n})$

#### Задание 15

Выборочная средняя по данному распределению выборки объема  $n=10$

$x_i$	3	7	10
$n_i$	1	3	6

равна

- 8.4
- 6

- 1
- 0

### Задание 16

Несмешенная оценка генеральной средней по данному распределению выборки объема  $n=10$

$x_i$	4	8	10
$n_i$	1	2	7

равна

- $34/9$
- 6
- $1/9$
- $3/8$

### Задание 17

По выборке объема  $n=10$  найдена смещенная оценка генеральной дисперсии, равная 54. Несмешенная оценка генеральной дисперсии равна

- 60
- 1
- 5
- 3

### Задание 18

Случайная величина  $X$  (число семян сорняков в пробе зерна) распределена по закону Пуассона. Ниже приведено распределение семян сорняков  $n = 1000$  пробах зерна (в первой строке указано количество  $x_i$  сорняков в одной пробе; во второй строке указана частота  $n_i$  — число проб, содержащих  $x_i$  семян сорняков):

$x_i$	0	1	2	3	4	5
$n_i$	407	366	175	40	8	4

Точечная оценка неизвестного параметра, найденная методом моментов равна

- 0.888
- 1
- 2.5
- 3.4

### Задание 19

Случайная величина  $X$  (число поврежденных стеклянных изделий в одном контейнере) распределена по закону Пуассона с неизвестным параметром  $\lambda$ .

Ниже приведено эмпирическое распределение числа поврежденных изделий в 500 контейнерах (в первой строке указано количество  $x_i$  поврежденных изделий в одном контейнере, во второй строке приведена частота  $n_i$  — число контейнеров, содержащих  $x_i$  поврежденных изделий):

$x_i$	0	1	2	3	4	5	6	7
$n_i$	199	169	87	31	9	3	1	1

Точечная оценка неизвестного параметра  $\lambda$  распределения Пуассона методом наибольшего правдоподобия равна

- 1
- 0
- 0.5
- 0.9

### Задание 20

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 7. Тогда его интервальная оценка может быть:

- (5,7; 8,3)
- (6,7; 10,7)
- (7; 8,2)
- (1;5,7)

### Критерии оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 90%-100% заданий;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 70%-80% заданий;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если верно и правильно решено 50%-60% заданий, возможны некоторые исправления при решении;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если верно выполнено менее 50% заданий;
- 

### Темы эссе (рефератов, докладов, сообщений)

1. История возникновения теории вероятностей. Классическая задача Шевалье де Мере.
2. Комбинаторные методы в теории вероятностей.
3. Геометрическая вероятность как расширение классического определения вероятностей.
4. Классическая задача о разорении игрока и ее моделирование на ЭВМ.
5. Геометрическая вероятность. «Задача о встрече» и ее моделирование на ЭВМ.

6. Аксиоматическое построение теории вероятностей акад. Колмогорова А.Н.
7. Некоторые философские проблемы теории вероятностей.
8. Предельные теоремы теории вероятностей и ее практические приложения.
9. Независимость событий. Пример Бернштейна.
10. Задача Банаха о спичечных коробках и ее моделирование на ЭВМ.
11. Нормальное распределение вероятностей и его роль в математико-статистических исследованиях.
12. Приближенное вычисление числа  $\pi$  методом Монте-Карло.
13. Математическая статистика как самостоятельная наука. Связь с теорией вероятностей.
14. Показательно распределение вероятностей и его приложение: задача теории переноса излучений и моделирование систем массового обслуживания.

**Реферат оценивается следующим образом:**

- соответствие содержания теме- 4 балла;
- глубина проработки материала, 3 балла;
- грамотность и полнота использования источников, 1 балл;
- соответствие оформления реферата требованиям, 2 балла;
- доклад, 5 баллов;
- умение вести дискуссию и ответы на вопросы, 5 баллов.

Максимальное количество баллов: 20.

**Критерии оценки:**

- оценка «отлично» выставляется студенту, если набрал 19-20 баллов;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если набрал 15-18 баллов;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если набрал 10-14 баллов;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если набрал менее 10 баллов;

**Вопросы к зачету:**

1. Аксиомы теории вероятностей. Свойства вероятностей.
2. Геометрические вероятности. Свойство вероятностей.
3. Дисперсия и ее свойства.
4. Дисперсия основных дискретных распределений.
5. Дисперсия основных непрерывных распределений.
6. Закон больших чисел. Следствие из теоремы Чебышева: теорема о среднем. Теорема умножения вероятностей. Независимость событий.
7. Интегральная теорема Муавра-Лапласа. Применение.
8. Классические определения вероятности. Свойства вероятности.
9. Коэффициент корреляции и его свойства.

- 10.Локальная теорема Муавра-Лапласа. Применение.
- 11.Математические ожидания основных непрерывных распределений.
- 12.Математическое ожидание и его свойства.
- 13.Математическое ожидание основных дискретных распределений.
- 14.Многомерные случайные величины. Независимость случайных величин.
- 15.Независимость случайных величин.
- 16.Неравенство Чебышева.
- 17.Нормальный закон распределения, его параметры. Графики плотности и функции распределений.
- 18.Основные непрерывные случайные величины. Их числовые характеристики.
- 19.Основные формулы комбинаторики. Примеры.
- 20.Последовательности независимых испытаний. Формула Бернулли.
- 21.Распределение суммы двух независимых величин.
- 22.Распределение суммы двух независимых нормальных случайных величин.
- 23.Случайные величины. Основные дискретные случайные величины.
- 24.События и действия над ними.
- 25.Статистическое определение вероятности. Свойства вероятности.
- 26.Теорема Пуассона.
- 27.Теорема сложения вероятностей.
- 28.Теорема умножения вероятностей. Независимость случайных событий.
- 29.Условная вероятность.
- 30.Формула Байеса.
- 31.Формула Бернулли. Свойства вероятностей  $P_n(m)$ .
- 32.Формула полной вероятности
- 33.Функция распределения и ее свойства.
- 34.Характеристическая функция и ее свойства.
- 35.Характеристические функции основных дискретных распределений.
- 36.Центральная предельная теорема.
- 37.Выборочные характеристики и их асимптотические свойства.
- 38.Предмет математической статистики и ее основные задачи.
- 39.Эмпирическая функция распределения и ее свойства.

### **Критерии оценки:**

- «зачтено» выставляется студенту, если изложение полученных знаний в устной форме полное, в системе, в соответствии с требованиями учебной программы; допускаются, отдельные несущественные ошибки, исправляемые учащимися после указания преподавателя на них;
- «не зачтено» выставляется студенту, если изложение учебного материала

неполное, бессистемное, что препятствует усвоению последующей учебной информации; существенные ошибки, не исправляемые даже с помощью преподавателя.