

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет информатики и информационных технологий

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
по дисциплине
«Теория вероятностей и математическая статистика»

Кафедра прикладной математики
факультета математики и компьютерных наук

Образовательная программа бакалавриата:
10.03.01 - Информационная безопасность

Направленность (профиль) программы:
Безопасность компьютерных систем

Форма обучения:
Очная, очно-заочное

Статус дисциплины:
входит в обязательную часть ОПОП

Махачкала, 2022

Фондооценочных средств по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» составлен в 2022 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО бакалавриата по направлению подготовки 10.03.01 – Информационная безопасность от 17 ноября 2020 г. N 1427

Разработчики:

кафедра прикладной математики, Лугуева А.С. к.ф.-м. н., доцент

Фонд оценочных средств по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» одобрен:

на заседании кафедры Прикладной математики

от 25.02.2022 г., протокол № 6

Зав. кафедрой _____

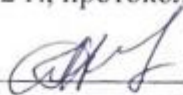


Кадиев Р.И.

на заседании Методической комиссии факультета МиКН от

от 24 марта 2022 г., протокол № 4

Председатель _____



Ризаев М.К.

Фонд оценочных средств «Теория вероятностей и математическая статистика»

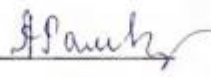
согласован с учебно-методическим управлением

«31» марта 2022 г. _____



Рецензент (эксперт):

Зав. кафедрой прикладной математики
МиКН, к.ф.-м.н.



Рамозаев А.К.

1. ПАСПОРТ ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине

«Теория вероятностей и математическая статистика»

1.1. Основные сведения о дисциплине

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы (144 академических часа).

Очная форма обучения

Вид работы	Трудоемкость, академических часов		
	2 семестр		всего
Общая трудоёмкость	144		144
Контактная работа:	64		64
Лекции (Л)	32		32
Практические занятия (ПЗ)	32		32
Лабораторные занятия (ЛЗ)			
Консультации			
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	<i>экзамен</i>		
Самостоятельная работа	44		44
1. работа с лекционным материалом, с учебной литературой	8		8
2. опережающая самостоятельная работа (изучение нового материала до его изложения на занятиях)	8		8
3. выполнение домашних заданий	8		8
4. подготовка к лабораторным работам, к практическим занятиям	8		8
5. подготовка к коллоквиуму	6		6
6. подготовка к контрольным работам	6		6
<i>Экзамен</i>	36		36

Очно-заочная форма обучения

Вид работы	Трудоемкость, академических часов		
	4 семестр		всего
Общая трудоёмкость	144		144
Контактная работа:	32		32
Лекции (Л)	16		16
Практические занятия (ПЗ)	16		16
Лабораторные занятия (ЛЗ)			
Консультации			
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	<i>экзамен</i>		
Самостоятельная работа	76		76
1. работа с лекционным материалом, с учебной литературой	12		12
2. опережающая самостоятельная работа (изучение нового материала до его изложения на занятиях)	12		12
3. выполнение домашних заданий	12		12
4. подготовка к лабораторным работам, к практическим занятиям	12		12
5. подготовка к коллоквиуму	12		12
6. подготовка к контрольным работам	16		16
<i>Экзамен</i>	36		36

1.2. Требования к результатам обучения по дисциплине, формы их контроля и виды оценочных средств

ПАСПОРТ ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»

№ п/п	Контролируемые модули, разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или её части)	Оценочные средства		Способ контроля
			наименование	№№ заданий	
1	МОДУЛЬ 1: Основы теории вероятностей	ОПК-3	Вопросы для собеседования	1-11	устно
		ОПК-3	Контрольные работы	1	письменно
		ОПК-3	Тестовые задания	1-10	письменно
2	МОДУЛЬ 2: Случайные величины	ОПК-3	Вопросы для собеседования	12-25	устно
		ОПК-3	Контрольные работы	2	письменно
		ОПК-3	Тестовые задания	11-20	письменно
3	МОДУЛЬ 3: Статистическая оценка неизвестных параметров распределений	ОПК-3	Вопросы для собеседования	26-40	устно
		ОПК-3	Контрольные работы	3	письменно
		ОПК-3	Тестовые задания	21-30	письменно
4	Экзамен	ОПК-3	Вопросы к экзамену		устно

1.3. Показатели и критерии определения уровня сформированности компетенций

№ п/п	Код компетенции	Уровни сформированности компетенции			
		Недостаточный	Удовлетворительный (достаточный)	Базовый	Повышенный
		Отсутствие признаков удовлетворительного уровня	Знать: Уметь: Владеть:	Знать: Уметь: Владеть:	Знать: Уметь: Владеть:
1	ОПК-3	<i>Не знает на достаточном уровне:</i> математические алгоритмы функционирования, принципы построения, модели хранения и	<i>Знает на достаточном уровне:</i> математические алгоритмы функционирования, принципы построения, модели хранения и	<i>Знает на хорошем уровне:</i> математические алгоритмы функционирования, принципы построения, модели хранения и обработки	<i>Знает в совершенстве: -:</i> математические алгоритмы функционирования, принципы построения, модели хранения и

		<p>обработки данных распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Не умеет на достаточном уровне:</i> применять математические модели процессов и объектов при решении задач анализа и синтеза распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Не владеет на достаточном уровне:</i> - навыками построения математических моделей для реализации успешного функционирования распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p>	<p>и обработки данных распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Умеет на достаточном уровне:</i> применять математические модели процессов и объектов при решении задач анализа и синтеза распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Владеет на достаточном уровне:</i> - навыками построения математических моделей для реализации успешного функционирования распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p>	<p>данных распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Умеет на хорошем уровне:</i> применять математические модели процессов и объектов при решении задач анализа и синтеза распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Владеет на хорошем уровне:</i> - навыками построения математических моделей для успешного функционирования распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p>	<p>обработки данных распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Умеет в совершенстве:</i> применять математические модели процессов и объектов при решении задач анализа и синтеза распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений</p> <p><i>Владеет в совершенстве:</i> - навыками построения математических моделей для реализации успешного функционирования распределенных информационных систем и систем поддержки принятия решений.</p>
--	--	--	--	---	---

2. КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ И ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ОЦЕНКИ знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика»

Контрольные работы

Контрольная работа № 1

1. В клубе присутствуют 12 мужчин и 12 женщин. Сколько различных танцевальных пар можно организовать из них?
2. Из группы в 20 студентов для участия в олимпиаде выбирается 5 человек. Сколько различных команд можно организовать ?
3. Опыт состоит в бросании 3 монет. (Г - "выпадение герба", Р - "выпадение решки"): Описать пространство элементарных событий, связанное с этим опытом (выписать все исходы).
4. Пусть событие А - "герб выпал на двух монетах", В - " герб выпал хотя бы на 2 монетах". Выписать события: А и В; С = А + В; D = АВ
5. Сколькими способами можно составить волейбольную команду в 6 игроков из 12 игроков, среди которых 8 классных ? Сколько можно составить таких команд, в которых половина классных игроков?
6. Сколькими способами можно рассадить 6 игроков команды на скамейку по местам с номерами от 1 до 6?
7. Что такое размещения, сочетания, чем они отличаются? Что такое перестановки? Напишите соответствующие формулы подсчета.

Контрольная работа № 2

1. В мешочке 5 одинаковых кубиков. На всех гранях каждого кубика написана одна из следующих букв: о,п,р,с,т. Найти вероятность того, что на вынутых по одному и расположенных «в одну линию» кубиков можно будет прочесть слово «спорт».
2. Вероятность того, что стрелок при одном выстреле выбьет 10 очков равна 0,1; вероятность выбить 9 очков равна 0,3; вероятность выбить 8 или меньше очков равна 0,6. Найти вероятность того, что при одном выстреле стрелок выбьет не менее 9 очков.
3. Чему равна вероятность того, что при бросании трех игральных костей 6 очков появится хотя бы на одной из костей.
4. При отключении от нормального режима работы автомата срабатывает сигнализатор с-1 с вероятностью 0.8, а сигнализатор с-11 срабатывает с вероятностью 1. Вероятности того, что автомат снабжен сигнализатором с -1 или с-11 соответственно равны 0,6 и 0,4. Получен сигнал о разделке автомата. Что вероятнее: автомат снабжен сигнализатором с-1 или с-11?
5. Событие В появится в случае, если событие А появится не менее двух раз. Найти вероятность того, что наступит событие В, если будет произведено 6 независимых испытаний, в каждом из которых вероятность появления события А равна 0,4.

Контрольная работа №3

1. Отдел технического контроля проверяет изделия на стандартность. Вероятность того, что изделие стандартное равна 0,9. В каждой партии содержится пять изделий. Найти математическое ожидание дискретной случайной величины X- числа партий, в каждой из которых окажется ровно четыре стандартных изделия, если проверке подлежат 50 партий.
2. Найти дисперсию дискретной случайной величины X- числа появлений события А в двух независимых испытаниях, если вероятности появления события в этих испытаниях одинаковы и известно, что $M(X)=0,9$.
3. Дискретная случайная величина X имеет только три возможных значения: x_1 , x_2 , и x_3 , причем $x_1 < x_2 < x_3$. Вероятности того, что X примет значения x_1 и x_2 соответственно равны 0,3 и 0,2. Найти закон распределения величины X, зная ее математическое ожидание $M(X) = 2,2$ и дисперсию $D(X)=0,76$.
4. Случайная величина имеет плотность вероятностей

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < 0; \\ c/(1+x^2), & 0 \leq x \leq 1; \\ 0, & x > 1. \end{cases}$$

Найти постоянный параметр c , математическое ожидание и дисперсию.
5. Случайная величина X распределена равномерно в интервале $[-1,4]$. Найти $P(X>0)$.

Критерии оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 90%-100% заданий;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 70%-80% заданий;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если верно и правильно решено 50%-60% заданий, возможны некоторые исправления при решении;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если верно выполнено менее 50% заданий;

Вопросы для коллоквиумов, собеседования

МОДУЛЬ 1: Основы теории вероятностей.

1. Множества. Операции с множествами.
2. Формулы перестановки, размещения и сочетания.
3. Различные подходы к определению вероятности. События и действия над ними. Примеры. Комбинаторика. Сочетания, размещения, перестановки.
4. Вероятности событий. Классическое и геометрическое определения вероятности случайного события.
5. Примеры: схема равновероятных исходов, геометрические вероятности.
6. Условная вероятность события.
7. Условная вероятность. Теорема умножения.
8. Формулы полной вероятности и Байеса. Независимость случайных событий.
9. Вероятностное пространство.
10. Аксиомы теории вероятностей.
11. Простейшие следствия из аксиом.

МОДУЛЬ 2: Случайные величины

12. Случайные величины и их распределения.
13. Дискретный и непрерывный типы распределений.
14. Функция распределения и плотность распределения, их свойства.
15. Примеры дискретных и непрерывных случайных величин.
16. Математическое ожидание и дисперсия.
17. Определения. Формулы расчета.
18. Вычисление математического ожидания и дисперсии основных дискретных случайных величин.
19. Математическое ожидание и дисперсия.
20. Определения. Формулы расчета.
21. Вычисление математического ожидания и дисперсии основных непрерывных случайных величин.
22. Закон больших чисел в форме Чебышева.
23. Неравенство Чебышева.
24. Теорема Бернулли и Пуассона.
25. Понятие об усиленном законе больших чисел.

МОДУЛЬ 3: Статистическая оценка неизвестных параметров распределений

26. Генеральная и выборочная совокупности.
27. Вариационный ряд, интервальный вариационный ряд.
28. Полигон, гистограмма.

29. Статистические ряды.
30. Эмпирическая функция распределения.
31. Выборочные моменты
32. Мода и соглашения об ее использовании
33. Медиана и ее связь с процентилем. Среднее.
34. Размах, дисперсия, стандартное отклонение, асимметрия, эксцесс
35. Парная регрессия.
36. Множественная регрессия.
37. Другие виды регрессий
38. Основные понятия теории статистического вывода.
39. Примеры параметрических критериев.
40. Непараметрические критерии знаков, Вилкоксона, и др.

Практические задания для коллоквиума.

8. Из группы в 20 студентов для участия в олимпиаде выбирается 5 человек. Сколько различных команд можно организовать ?

9. Опыт состоит в бросании 3 монет. (Г - "выпадение герба", Р - "выпадение решки"): Описать пространство элементарных событий, связанное с этим опытом (выписать все исходы).

10. Пусть событие А - "герб выпал на двух монетах", В - "герб выпал хотя бы на 2 монетах". Выписать события: А и В; $C = A + B$; $D = AB$

11. Сколькими способами можно составить волейбольную команду в 6 игроков из 12 игроков, среди которых 8 классных ?

12. Сколько можно составить таких команд, в которых половина классных игроков?

13. Сколькими способами можно рассадить 6 игроков команды на скамейку по местам с номерами от 1 до 6?

14. Что такое размещения, сочетания, чем они отличаются? Что такое перестановки? Напишите соответствующие формулы подсчета.

15. Найти вероятность событий А, В, С, D из примера 3.

16. Студент знает 10 из 15 вопросов коллоквиума. Чему равна вероятность того, что он ответит на 2 из заданных 3 вопросов.

17. В 1-ой урне имеются 4 б. и 6 ч. шаров, во 2-ой соответственно 4 б. и 2 ч. Из каждой урны случайно выбирают по одному шару.

18. Найти вероятности следующих событий: а) "оба шара белые"-А; б) "хотя бы 1 из них белый"-В с) "оба шара черные"-С.

19. Что такое событие? Что такое сумма двух событий? Произведение? Разность?

20. Составляют или нет события А, В, С из примера 10 полную группу событий, полную группу попарно несовместимых событий? Определите эти понятия.

21. В ящике 3 белых и 2 черных шара. Из ящика вытаскивают 1 шар отмечают цвет и возвращают обратно. Затем берут второй шар. Событие А - "1 - белый шар", событие В - "второй - белый шар". Найти вероятности событий: А и В; $C = A + B$; $D = AB$

22. В ящике 3 белых и 2 черных шара. Из ящика вытаскивают 1 шар. Затем берут второй шар. Событие А - "1 - белый шар", событие В - "второй - белый шар". Найти вероятность событий: А В; В; $C = A + B$

Критерии оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если изложение полученных знаний в устной форме полное, в системе, в соответствии с требованиями учебной программы; допускаются единичные несущественные ошибки, самостоятельно исправляемые учащимися;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если изложение полученных знаний в устной форме полное, в системе, в соответствии с требованиями учебной программы; допускаются отдельные несущественные ошибки, исправляемые учащимися после указания преподавателя на них;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если изложение полученных знаний неполное, однако это не препятствует усвоению последующего программного материала;

- допускаются отдельные существенные ошибки, исправляемые с помощью преподавателя;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если изложение учебного материала неполное, бессистемное, что препятствует усвоению последующей учебной информации; существенные ошибки, не исправляемые даже с помощью преподавателя;

Комплект тестовых заданий для контроля

1. Дан закон распределения вероятностей дискретной случайной величины X :

X	1	2	3	4
P	0,2	0,3	a	0,1

Тогда значение a равно

- 0,6
- 0,3
- 0,4
- 16
- 0,36

2. Вероятность появления события A в 5 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,7. Тогда дисперсия числа появлений этого события равна

- 2,32
- 1,05
- 0,3
- 0,35

3. Математическое ожидание дискретной случайной величины ξ , заданной законом распределения

X	-4	6	10
p	0,2	0,3	0,5

равно

4. Дисперсия случайной величины ξ , заданной законом распределения

X	1	2	5
p	0,3	0,5	0,2

равно

- 2,01
- 1,4
- 3,2
- 4,03
- 1,73

5. Математическое ожидание случайной величины X – числа стандартных деталей среди трех, отобранных из партии в 10 деталей, среди которых 2 бракованных, равно

- 0,4
- 2,3
- 2,4
- 1,6

6. Пусть n – число независимых испытаний, p – вероятность появления события в одном испытании ($q = 1 - p$), тогда математическое ожидание биномиально распределенной случайной величины равно

- $M(\xi) = npq$

2. $M(\xi) = np$
3. $M(\xi) = pq$
4. $M(\xi) = nq$

7. Среди 20 книг, стоящих на полке, 8 книг по математической статистике. Случайная величина X - число книг по математике из четырёх случайно взятых с этой полки книг. Среднее квадратическое отклонение случайной величины X равно

1. $\approx 0,144$
2. $\approx 0,1987$
3. $\approx 0,899$
4. $\approx 0,5$

8. закон распределения вероятностей дискретной случайной величины X :

X	1	2	3	4
P	0,2	a	0,3	0,2

Тогда значение a равно

1. 33
2. -0,03
3. 0,2
4. 0,3
5. 0,03

9. Пусть ξ дискретная случайная величина – число появлений некоторого события в n независимых испытаниях, в каждом из которых вероятность появления события равна p . Вероятность того, что ξ примет значение k – определяется по формуле Бернулли. Формулой Бернулли является

1. $P_n(k) = C_n^k (1-p)^k p^{n-k}$
2. $P_k(n) = C_k^n p^n (1-p)^k$
3. $P_n(k) = C_n^k p^k (1-p)^{n-k}$
4. $P_n(k) = C_n^k (1-p)^n p^k$

10. Пусть ξ дискретная случайная величина – число появлений некоторого события в n независимых испытаниях. Вероятность того, что ξ примет значение k – число появлений события, определяется по формуле Пуассона, если число испытаний велико, а вероятность p появления события в каждом испытании мала. Если обозначить $\lambda = np$ среднее число появления события в n испытаниях, то формула Пуассона примет вид

1. $P_n(k) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!}$
2. $P_n(k) = \frac{\lambda e^{\lambda}}{k!}$
3. $P_n(k) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!}$

$$P_n(k) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k}$$

11. Вероятность появления события A в 20 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,6. Тогда математическое ожидание числа появлений этого события равно

1. 12
2. 0,03
3. 0,4
4. 0,42
5. 8

12. Дискретная случайная величина ξ принимает три возможных значения: $x_1 = 4$ с вероятностью $p_1 = 0,5$; $x_2 = 6$ с вероятностью $p_2 = 0,3$ и $x_3 = 21$ с вероятностью p_3 . Вероятность p_3 равна

1. 0,6
2. 0,3
3. 0,4
4. 0,6

13. Дисперсия дискретной случайной величины ξ – числа появлений события А в пяти независимых испытаниях, если вероятность появления события А в каждом испытании равна 0,2 равна

1. 0,8
2. 0,2
3. 1
4. 0,1
5. 0,5

14. Из орудия производится стрельба по цели до первого попадания. Вероятность попадания в цель $p = 0,6$ при каждом выстреле. Случайная величина X - число возможных выстрелов до первого попадания. Математическое ожидание случайной величины X равно

1. $5/3$
2. 0,1
3. $4/3$
4. 0,2
5. 0,3

15. Среди 20 книг, стоящих на полке, 8 книг по математической статистике. Случайная величина X - число книг по математике из четырёх случайно взятых с этой полки книг. Математическое ожидание случайной величины X равно

1. 1,6
2. 0,1
3. 1,4
4. 2,2
5. 6,3

16. Среди 20 книг, стоящих на полке, 8 книг по математической статистике. Случайная величина X - число книг по математике из четырёх случайно взятых с этой полки книг. Дисперсия случайной величины X равна

1. $\approx 0,81$
2. $\approx 0,14$
3. $\approx 0,46$
4. $\approx 0,2$
5. $\approx 0,3$

17. Среди 20 книг, стоящих на полке, 8 книг по математической статистике. Случайная величина X - число книг по математике из четырёх случайно взятых с этой полки книг. Среднее квадратическое отклонение случайной величины X равно

1. $\approx 0,144$
2. $\approx 0,1987$

3. $\approx 0,899$
4. $\approx 0,5$
5. $\approx 1,3$

18. Вероятность появления события А в 10 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,1. Тогда дисперсия числа появлений этого события равна _____

19. Дискретная случайная величина ξ принимает три возможных значения: $x_1=1$ с вероятностью $p_1=0,1$; $x_2=2$ с вероятностью $p_2=0,3$; $x_3=4$ с вероятностью $p_3=0,6$. Центральный момент первого порядка равен _____

20. Пусть n – число независимых испытаний, p – вероятность появления события в одном испытании ($q = 1 - p$), тогда дисперсия биномиально распределенной случайной величины равна _____

1. $D(\xi) = np$
2. $D(\xi) = npq$
3. $D(\xi) = pq$
4. $D(\xi) = nq/p$

21. Дан перечень возможных значений дискретной случайной величины ξ : $x_1=-1$, $x_2=0$, $x_3=1$, а также известны математические ожидания этой величины и ее квадрата: $M(\xi)=0,1$; $M(\xi^2)=0,9$. Вероятность p_3 , соответствующую возможному значению x_3 равна _____

1. 0,3
2. 0,1
3. 0,4
4. 0,2
5. 0,5

22. Из орудия производится стрельба по цели до первого попадания. Вероятность попадания в цель $p = 0,6$ при каждом выстреле. Случайная величина X - число возможных выстрелов до первого попадания. Математическое ожидание случайной величины X равно _____

1. $5/3$
2. 0,1
3. $4/3$
4. 0,2
5. 0,3

23. Вероятность появления события А в 20 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,5. Тогда дисперсия числа появлений этого события равна _____

24. Вероятность появления события А в 20 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,5. Тогда математическое ожидание числа появлений этого события равно _____

25. Дана функция распределения непрерывной случайной величины $F(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{\pi} \operatorname{arctg} \frac{x}{2}$. Плотность распределения равна _____

1. $f(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{\pi(x^2 + 4)}$

$$2. f(x) = \frac{4}{\pi(x^2 + u)}$$

$$3. f(x) = \frac{2}{\pi(x^2 + 4)}$$

$$4. f(x) = \frac{1}{\pi(x^2 + u)}$$

$$5. f(x) = \frac{2}{x^2 + 4}$$

26. Дана функция распределения непрерывной случайной величины

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ 1 - e^{-3x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases} \text{ Плотность распределения равна}$$

$$1. f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ 1 + e^{-3x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$$

$$2. f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ -e^{-3x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$$

$$3. f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ 3e^{-3x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$$

$$4. f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ -3e^{-3x} & \text{при } x \geq 0. \end{cases}$$

27. Формула, выражающая функцию распределения $F(x)$ непрерывной случайной величины через плотность распределения равна

$$1. F(x) = \int_{-\infty}^x f(t) dt$$

$$2. F(x) = \int_0^x f(t) dt$$

$$3. F(x) = \int_{-x}^x f(t) dt$$

$$4. F(x) = \int_1^x f(t) dt$$

$$5. F(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(t) dt$$

28. Дана плотность распределения непрерывной случайной величины

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 1, \\ x - 1/2, & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ 0, & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

Функция распределения $F(x)$ равна

$$1. F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 1, \\ x^2/2, & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ 1, & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

$$2. F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 1, \\ (x^2 - x)/2, & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ 1, & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

$$3. F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 1, \\ (x-1)^2/2, & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ 0, & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

$$4. F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 1, \\ 1/2, & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ 1, & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

29. Случайная величина ξ задана функцией распределения:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -1 \\ \frac{3}{4} + \frac{3}{4}x & \text{при } -1 < x \leq \frac{1}{3} \\ 1 & \text{при } x > \frac{1}{3} \end{cases}$$

30. Вероятность того, что в результате равна испытания величина ξ примет значение, заключенное в интервале $(0; 1/3)$ равна

1. $2/3$
2. $4/5$
3. $1/3$
4. $1/2$

Критерии оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 90%-100% заданий;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если верно и правильно выполнено 70%-80% заданий;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если верно и правильно решено 50%-60% заданий, возможны некоторые исправления при решении;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если верно выполнено менее 50% заданий;

Темы эссе (рефератов, докладов, сообщений)

1. История возникновения теории вероятностей. Классическая задача Шевалье де Мере.
2. Комбинаторные методы в теории вероятностей.
3. Геометрическая вероятность как расширение классического определения вероятностей.
4. Классическая задача о разорении игрока и ее моделирование на ЭВМ.
5. Геометрическая вероятность. «Задача о встрече» и ее моделирование на ЭВМ.
6. Аксиоматическое построение теории вероятностей акад. Колмогорова А.Н.
7. Некоторые философские проблемы теории вероятностей.
8. Предельные теоремы теории вероятностей и ее практические приложения.
9. Независимость событий. Пример Бернштейна.
10. Задача Банаха о спичечных коробках и ее моделирование на ЭВМ.
11. Нормальное распределение вероятностей и его роль в математико-статистических исследованиях.

12. О методах моделирования случайных величин.
13. Приближенное вычисление числа π методом Монте-Карло.
14. Математическая статистика как самостоятельная наука. Связь с теорией вероятностей.
15. Показательно распределение вероятностей и его приложение: задача теории переноса излучений и моделирование систем массового обслуживания.

Реферат оценивается следующим образом:

- соответствие содержания теме- 4 балла;
- глубина проработки материала, 3 балла;
- грамотность и полнота использования источников, 1 балл;
- соответствие оформления реферата требованиям, 2 балла;
- доклад, 5 баллов;
- умение вести дискуссию и ответы на вопросы, 5 баллов.

Максимальное количество баллов: 20.

Критерии оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если набрал 19-20 баллов;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если набрал 15-18 баллов;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если набрал 10-14 баллов;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если набрал менее 10 баллов

Вопросы к экзамену

1. Аксиомы теории вероятностей. Свойства вероятностей.
2. Геометрические вероятности. Свойство вероятностей.
3. Дисперсия и ее свойства.
4. Дисперсия основных дискретных распределений.
5. Дисперсия основных непрерывных распределений.
6. Закон больших чисел. Следствие из теоремы Чебышева: теорема о среднем. Теорема умножения вероятностей. Независимость событий.
7. Интегральная теорема Муавра-Лапласа. Применение.
8. Классические определения вероятности. Свойства вероятности.
9. Коэффициент корреляции и его свойства.
10. Локальная теорема Муавра-Лапласа. Применение.
11. Математические ожидания основных непрерывных распределений.
12. Математическое ожидание и его свойства.
13. Математическое ожидание основных дискретных распределений.
14. Многомерные случайные величины. Независимость случайных величин.
15. Независимость случайных величин.
16. Неравенство Чебышева.
17. Нормальный закон распределения, его параметры. Графики плотности и функции распределений.
18. Основные непрерывные случайные величины. Их числовые характеристики.
19. Основные формулы комбинаторики. Примеры.
20. Последовательности независимых испытаний. Формула Бернулли.
21. Распределение суммы двух независимых величин.
22. Распределение суммы двух независимых нормальных случайных величин.
23. Случайные величины. Основные дискретные случайные величины.
24. События и действия над ними.
25. Статистическое определение вероятности. Свойства вероятности.

26. Теорема Пуассона.
27. Теорема сложения вероятностей.
28. Теорема умножения вероятностей. Независимость случайных событий.
29. Условная вероятность.
30. Формула Байеса.
31. Формула Бернулли. Свойства вероятностей $P_n(m)$
32. Формула полной вероятности
33. Функция распределения и ее свойства.
34. Характеристическая функция и ее свойства.
35. Характеристическая функция. Вычисление моментов случайной величины с помощью характеристической функции. Пример.
36. Характеристические функции основных дискретных распределений.
37. Центральная предельная теорема.
38. F- распределение и его следствия.
39. Выборочные характеристики и их асимптотические свойства.
40. Двумерная случайная величина. Независимость случайных величин. Коэффициент корреляции. Выборочный коэффициент корреляции.
41. Доверительное оценивание параметров. Доверительный интервал для М.О. нормального закона распределения.
42. Доверительный интервал для дисперсии нормального закона распределения.
43. Достаточные статистики. Критерий факторизации.
44. Задача оценивания параметров. Оценки и их свойства.
45. Интервальная оценка для неизвестного математического ожидания нормально распределенной генеральной совокупности (неизвестно).
46. Интервальная оценка для неизвестной вероятности события.
47. Исследование зависимостей. Простое линейное уравнение регрессии.
48. Коэффициент корреляции и его свойства. Выборочный коэффициент корреляции. Проверка значимости выборочного коэффициента корреляции.
49. Критерий независимости хи-квадрат.
50. Критерий проверки гипотезы о равенстве дисперсий двух нормально распределенных совокупностей.

Критерии оценки:

«отлично» - теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, умения сформированы, все предусмотренные программой учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено высоко;

«хорошо» - теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые умения сформированы недостаточно, все предусмотренные программой учебные задания выполнены, некоторые виды заданий выполнены с ошибками;

«удовлетворительно» - теоретическое содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые умения работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, некоторые из выполненных заданий содержат ошибки;

«неудовлетворительно» - теоретическое содержание курса не освоено, необходимые умения не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки.

Рекомендуемые границы оценок:

«отлично» - не менее 86% правильных ответов,

«хорошо» - 66-85% правильных ответов,

«удовлетворительно» - 51-65% правильных ответов,

«неудовлетворительно» - менее 50% правильных ответов